

Université Mohammed V - Agdal

Faculté des sciences

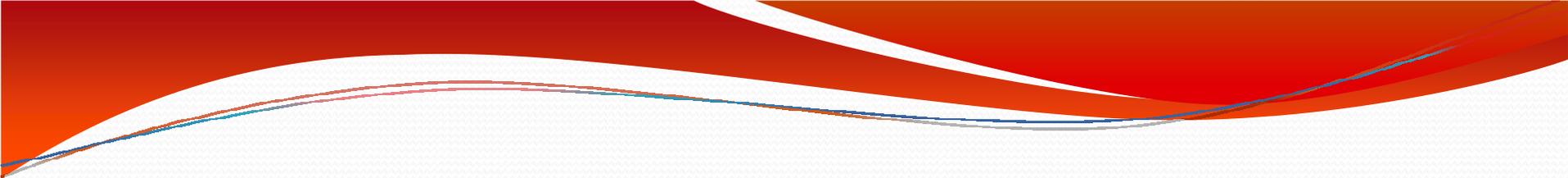
Département d'Informatique

Cours de Compilation

SMI - S5

Prof. M.D. RAHMANI

mrahmani@fsr.ac.ma



Chapitre II: Notions de la Grammaire

I- Définition de la syntaxe

II- Traduction dirigée par la syntaxe

Notion de la grammaire

Un langage de programmation peut être défini par:

1- la syntaxe du langage (la description de ses programmes).

2- La sémantique du langage (leur signification)

Pour spécifier la syntaxe d'un langage, nous utilisons *la grammaire hors contexte* (notation **BNF**)

I- Définition de la syntaxe:

1- La grammaire:

La grammaire décrit d'une manière hiérarchique les constructions du langage.

Elle est constituée d'une suite de règles.

Exemple 1: soit l'instruction conditionnelle en PASCAL:

« if (exp) then instr else instr »

Pour spécifier cette instruction, nous utilisons une règle structurelle appelée: **production**

instr \longrightarrow if (exp) then instr else instr

I- Définition de la syntaxe:

1/ instr \longrightarrow if (exp) then instr else instr
| if (exp) then instr
| autre

2/ exp \longrightarrow terme operel terme
| terme

3/ terme \longrightarrow id | nb

Les terminaux sont: if , (,) , then , else , operel , id , nb

Les non-terminaux sont: instr, exp , terme

L'axiome est le non-terminal: instr

\longrightarrow veut dire *produit* ou il *peut avoir la forme*

I- Définition de la syntaxe:

- Les éléments en *rouge* sont des **unités lexicales** ou **terminaux**.
- Les éléments définis à gauche des flèches sont des **suites d'unités lexicales** appelées des **non-terminaux**.
- Nous avons 3 règles de grammaire
- Chaque alternative dans **une règle** est appelée: **production**
- Le premier symbole non-terminal de la grammaire est appelé **axiome** .

Nous disons que nous avons défini un langage par une grammaire

I- Définition de la syntaxe:

Une grammaire hors contexte est constituée de:

- *un ensemble de **terminaux**,*
- *un ensemble de **non-terminaux**,*
- *un ensemble de **productions**,*
- *un symbole de départ appelé **axiome***

I- Définition de la syntaxe:

Exemple 2:

Soit les expressions composées de chiffres et des signes '+' et '-'.

La grammaire qui décrit la syntaxe de ce langage est donnée par:

1^{ère} forme:

liste \longrightarrow liste + liste | liste - liste | chiffre

chiffre \longrightarrow 0 | 1 | 2 | | 9

2^{ème} forme:

liste \longrightarrow chiffre + liste | chiffre - liste | chiffre

chiffre \longrightarrow 0 | 1 | 2 | | 9

3^{ème} forme:

liste \longrightarrow liste + chiffre | liste - chiffre | chiffre

chiffre \longrightarrow 0 | 1 | 2 | | 9

Les terminaux sont: + , - , 0 , 1 , , 9

Les non-terminaux: **liste** et **chiffre**

L'axiome est **liste**

I- Définition de la syntaxe:

2- Arbre syntaxique:

Il décrit d'une manière hiérarchique les constructions d'un langage et possède 4 propriétés:

- la **racine** de l'arbre est l'**axiome** de la grammaire,
- chaque **feuille** est un **terminal** de la grammaire ,
- chaque **nœud** est un **non-terminal**,
- si A est le non-terminal d'un nœud intérieur et si les fils de ce nœud sont de gauche à droite X_1, X_2, \dots, X_n alors :

$A \longrightarrow X_1 \dots X_n$ est une **production** de la grammaire.

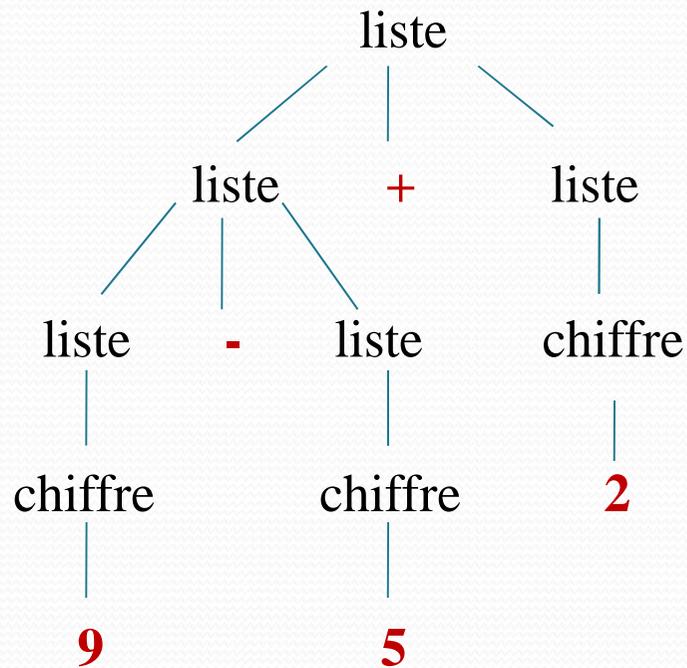
Les X_i sont des **terminaux** et des **non-terminaux**.

I- Définition de la syntaxe:

Exemple: L'arbre syntaxique de l'expression « **9 - 5 + 2** » d'après la grammaire précédente.

1^{ère} forme:

liste \longrightarrow liste + liste | liste - liste | chiffre
chiffre \longrightarrow 0 | 1 | 2 | | 9

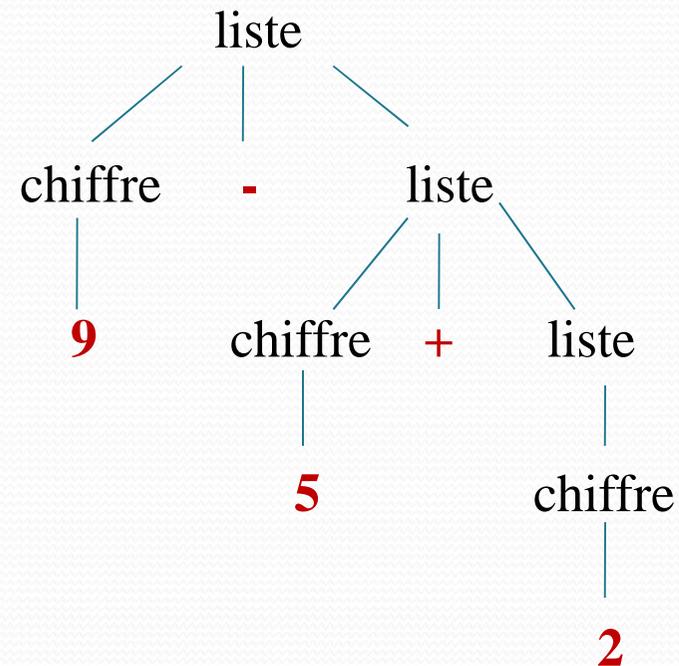


I- Définition de la syntaxe:

Exemple: L'arbre syntaxique de l'expression « **9 - 5 + 2** » d'après la grammaire précédente.

2 ème forme:

liste \longrightarrow chiffre + liste | chiffre - liste | chiffre
chiffre \longrightarrow 0 | 1 | 2 | | 9



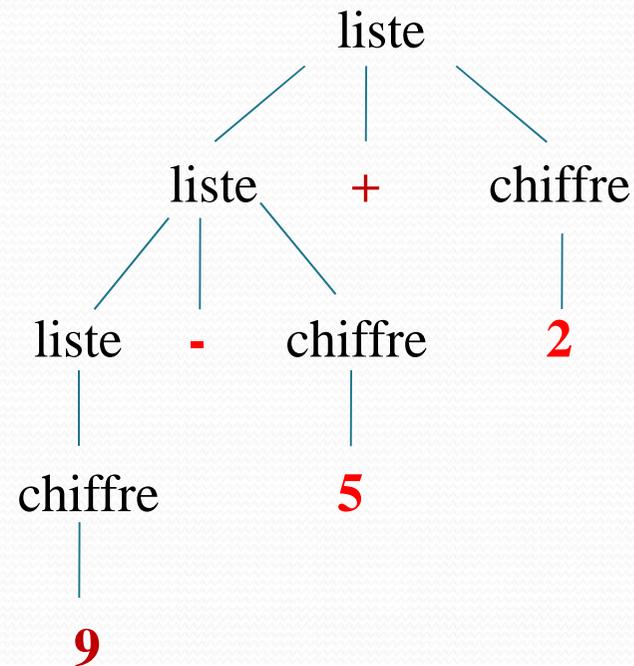
Cette grammaire est **récursive à droite**

I- Définition de la syntaxe:

Exemple: L'arbre syntaxique de l'expression « **9 - 5 + 2** » d'après la grammaire précédente.

3 ème forme:

liste \longrightarrow liste + chiffre | liste - chiffre | chiffre
chiffre \longrightarrow 0 | 1 | 2 | | 9



Cette grammaire est **récursive à gauche**

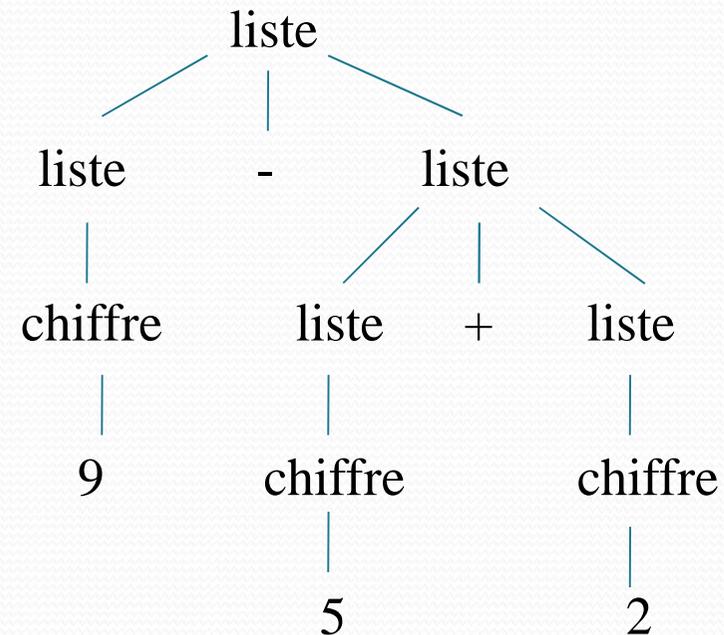
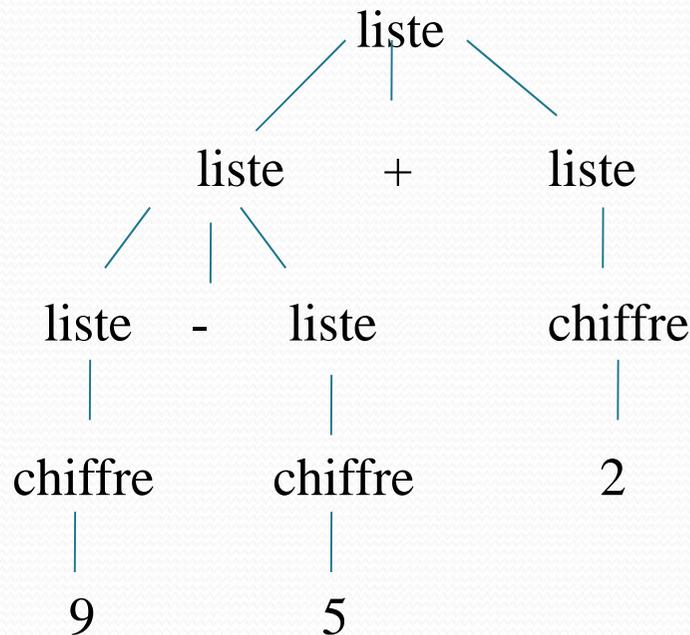
I- Définition de la syntaxe:

3- Ambiguïté d'une grammaire:

*Une grammaire est dite **ambiguë** si elle peut donner **plus** d'un arbre syntaxique pour la **même** phrase.*

Exemple: « 9-5+2 »

1^{ère} forme:



Nous devons éviter l'utilisation d'une grammaire ambiguë, donc la 1^{ère} forme.

Question: quel est le choix, de la grammaire, le plus approprié (la 2^{ème} forme ou la 3^{ème} forme)?

I- Définition de la syntaxe:

4- Associativité des opérateurs:

La 2^{ème} forme favorise le + par rapport au - : $9-5+2$ sera interprétée comme $9-(5+2)=9-7=2$

La 3^{ème} forme favorise le - par rapport au + : $9-5+2$ sera interprétée comme $(9-5)+2=4+2=6$

Par convention: nous considérons l'interprétation de la 3^{ème} forme.

Définition:

Soit un opérande entouré de 2 opérateurs, s'il est traité en priorité par celui qui est à sa gauche (à sa droite), on dit que cet opérateur est associatif à gauche (à droite).

Convention:

Dans la plus part des langages de programmation, **les 4 opérateurs arithmétiques « +,-,*,/ » sont associatifs à gauche.**

I- Définition de la syntaxe:

4- Associativité des opérateurs:

- L'opérateur d'affectation est *associatif à droite*:

$a = b = c$ est interprétée comme $a = (b = c)$

- Les opérateurs de relation *ne sont pas associatifs*:

en effet, les langages de programmation n'autorisent pas:

`if (a < b < c)`

Pour le cas du langage C, par exemple il faut écrire:

`if (a < b && b < c)`

I- Définition de la syntaxe:

5- Priorité des opérateurs:

Soit l'expression: $9 + 5 * 2$

L'associativité ne résout pas le problème !

L'interprétation sera :

$$(9 + 5) * 2$$

ou $9 + (5 * 2) !$

➤ Par convention, on favorise la 2^{ème} forme.

*Nous considérons par convention que les opérateurs * et / sont prioritaires par rapport à + et -*

Remarques:

- Pour deux opérateurs arithmétiques qui ont le **même niveau de priorité**, on favorise l'**associativité gauche**.

- S'ils **n'ont pas la même priorité**, on favorise la **priorité**.

I- Définition de la syntaxe:

Question:

Construire une grammaire pour les expressions arithmétiques constituées des nombres, des expressions parenthésées et des 4 opérateurs arithmétiques +, -, * et / en tenant compte de l'**associativité gauche** des **opérateurs** et de la **priorité**.

Réponse:

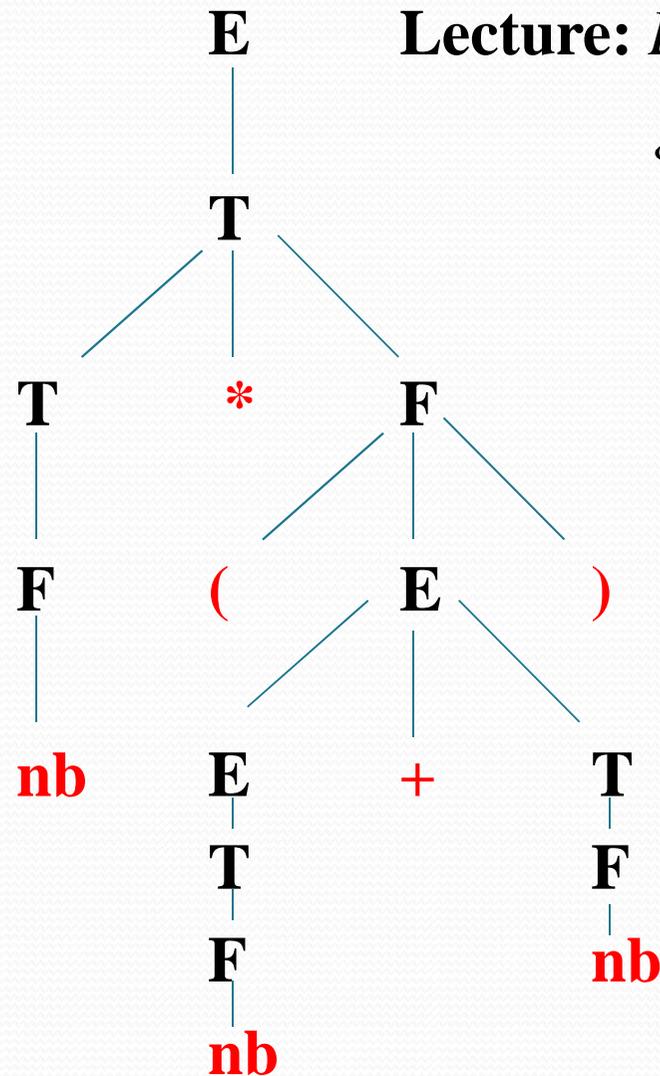
Nous définissons 3 non terminaux pour les 3 niveaux de priorités: E, T et F

La grammaire est:

$$E \longrightarrow E + T \mid E - T \mid T$$
$$T \longrightarrow T * F \mid T / F \mid F$$
$$F \longrightarrow \text{nb} \mid (E)$$

I- Définition de la syntaxe:

Exemple: arbre syntaxique de **nb * (nb + nb)**



Lecture: *En profondeur d'abord, gauche-droite*

II- La traduction dirigée par la syntaxe (TDS):

1- Définition:

C'est la traduction d'un langage guidée par une grammaire hors contexte à laquelle on associe des règles sémantiques.

Il y'a 2 notations pour introduire les règles sémantiques qui donnent un sens aux constructions d'un langage:

- **La définition dirigée par la syntaxe (DDS)**, où les règles sémantiques calculent les valeurs des attributs associés aux symboles de la grammaire.
- **Le schéma de traduction**, où les règles sémantiques prennent la forme d'actions insérées dans la partie droite des productions de la grammaire.

II- La traduction dirigée par la syntaxe (TDS):

2- Notation post fixée:

Soit E une expression:

- si E est une variable ou une constante, la notation post fixée de E est elle-même.

- si E est une expression de la forme infixée $E1 \text{ op } E2$, sa notation post fixée est $Ep1 \text{ } Ep2 \text{ op}$, avec $Ep1$ et $Ep2$ les notations post fixées de $E1$ et $E2$.

- si E est une expression de la forme $(E1)$, sa notation post fixée est celle de $E1$.

Exemple: notation infixée \longrightarrow notation post fixée

$9 - 2$

$9 \ 2 \ -$

$(9 - 5) + 2$

$9 \ 5 \ - \ 2 \ +$

$9 - (5 + 2)$

$9 \ 5 \ 2 \ + \ -$

II- La traduction dirigée par la syntaxe (TDS):

3- La définition dirigée par la syntaxe (DDS):

Une DDS d'un langage de programmation est constitué par:

- la grammaire qui spécifie la syntaxe du texte d'entrée.*
- les règles sémantiques qui **calculent les valeurs des attributs** associés aux symboles d'une construction du langage.*

Exemples d'attributs:

type, adresse mémoire, portée d'une variable....

II- La traduction dirigée par la syntaxe (TDS):

Exemple 1: traduction d'une expression arithmétique d'une *notation infixée* en *notation post fixée*.

Soit la grammaire:

$E \longrightarrow E + T \mid E - T \mid T$

$T \longrightarrow F$

$F \longrightarrow c$

$c \longrightarrow 0$

$c \longrightarrow 1$

$\cdot \longrightarrow \cdot$

$\cdot \longrightarrow \cdot$

$c \longrightarrow 9$

II- La traduction dirigée par la syntaxe (TDS):

À la production: $E \longrightarrow E1 + T$, on associe une règle sémantique:

$$E.t = E1.t \parallel T.t \parallel '+' \quad \parallel \textit{ veut dire concaténé.}$$

La DDS: la grammaire et les règles sémantiques

la grammaire

les règles sémantiques

$E \longrightarrow E1 + T$

$\{E.t = E1.t \parallel T.t \parallel '+' \}$

$E \longrightarrow E1 - T$

$\{E.t = E1.t \parallel T.t \parallel '-' \}$

$E \longrightarrow T$

$\{E.t = T.t \}$

$T \longrightarrow F$

$\{T.t = F.t\}$

$F \longrightarrow c$

$\{F.t = c.t\}$

$c \longrightarrow 0$

$\{c.t = '0'\}$

.....

.....

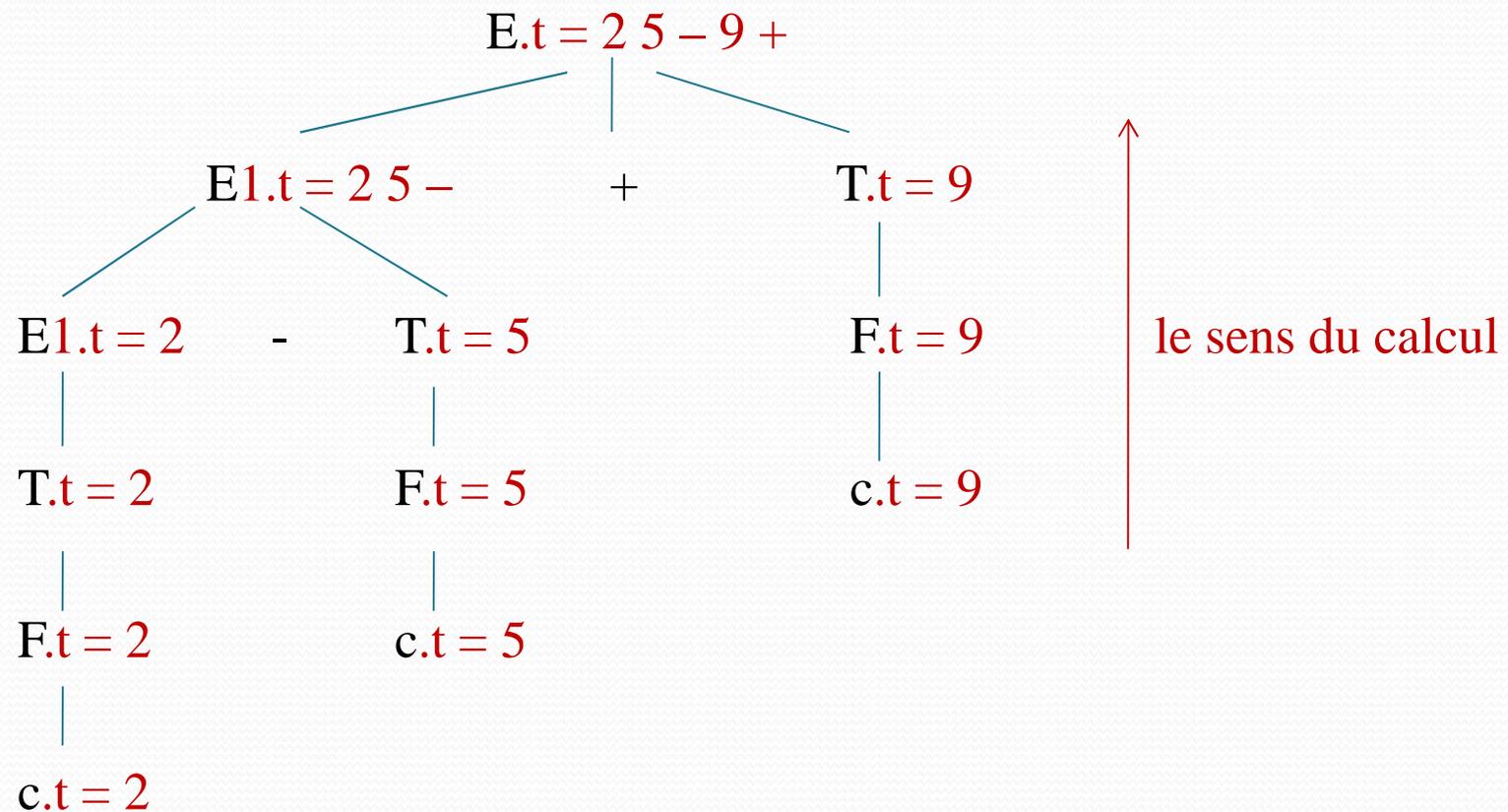
$c \longrightarrow 9$

$\{c.t = '9'\}$

II- La traduction dirigée par la syntaxe (TDS):

La notation post fixée de « 2-5+9 »

L'arbre syntaxique **décoré**



II- La traduction dirigée par la syntaxe (TDS):

Exemple 2:

Soit un robot commandé pour se déplacer d'une suite de pas dans l'espace à 2 dimensions.

1- La grammaire qui engendre une séquence de pas:

seq \longrightarrow seq pas | début

pas \longrightarrow nord | sud | est | ouest

2- D.D.S qui calcule la position finale du robot à partir d'une position initiale et d'une séquence de pas.

La grammaire

+ Les règles sémantiques

seq \longrightarrow seq1 pas { seq.x = seq1.x + pas. Δ x , seq.y = seq1.y + pas. Δ y }

seq \longrightarrow début { seq.x = début.x = 0 , seq.y = début.y = 0 }

pas \longrightarrow nord { pas. Δ x = nord. Δ x = 0 , pas. Δ y = nord. Δ y = 1 }

pas \longrightarrow sud { pas. Δ x = sud. Δ x = 0 , pas. Δ y = sud. Δ y = -1 }

pas \longrightarrow est { pas. Δ x = est. Δ x = 1 , pas. Δ y = est. Δ y = 0 }

pas \longrightarrow ouest { pas. Δ x = ouest. Δ x = -1 , pas. Δ y = ouest. Δ y = 0 }

II- La traduction dirigée par la syntaxe (TDS):

3- Application de cette DDS à la séquence de pas: « début ouest sud »

II- La traduction dirigée par la syntaxe (TDS):

4- Le schéma de traduction:

C'est une grammaire dans la quelle on insère les règles sémantiques, appelées actions, dans la partie droite des productions.

Exemple: Un schéma de traduction qui traduit une expression infixée en une notation post fixée.

II- La traduction dirigée par la syntaxe (TDS):

Exemple: Traduction des expressions arithmétiques d'une notation infixée en notation post fixée.

Le schéma de traduction:

$E \longrightarrow E + T \quad \{\text{imprime '+'}\}$

$E \longrightarrow E - T \quad \{\text{imprime '-'}\}$

$E \longrightarrow T \quad \{ \}$

$T \longrightarrow F \quad \{ \}$

$F \longrightarrow c$

$c \longrightarrow 0 \quad \{\text{imprime '0'}\}$

$c \longrightarrow 1 \quad \{\text{imprime '1'}\}$

$c \longrightarrow .$

$. \longrightarrow .$

$c \longrightarrow 9 \quad \{\text{imprime '9'}\}$

II- La traduction dirigée par la syntaxe (TDS):

L'arbre syntaxique **décoré** de « **2-5+9** »

Lecture des feuilles rouges en profondeur d'abord, gauche-droite.

