

Corrigé de la série n°5
Mécanique des fluides non visqueux

1/ Soient V_s le volume de l'iceberg immergé dans l'eau et V le volume total de l'iceberg. La poussé d'Archimède P_A sera donnée par:

$$P_A = \rho_{\text{eau de mer}} V_s g$$

L'iceberg est en équilibre $\Leftrightarrow P_A = P \Leftrightarrow \rho_{\text{eau de mer}} V_s g = mg = \rho_{\text{glace}} V g \Leftrightarrow \frac{V_s}{V} = \frac{\rho_{\text{glace}}}{\rho_{\text{eau de mer}}}$

A.N.: $\frac{V_s}{V} = \frac{920}{1025} = 0.90$: L'iceberg est immergé dans l'eau de mer à 90 %.

2/ Soient V_s le volume de la bûche immergé dans l'eau et v le volume total de la bûche. La poussé d'Archimède P_A sera donnée par:

$$P_A = \rho_{\text{eau de mer}} V_s g$$

La bûche est en équilibre $\Leftrightarrow P_A = P \Leftrightarrow \rho_{\text{eau de mer}} V_s g = mg = \rho_{\text{bûche}} V g \Leftrightarrow \frac{V_s}{V} = \frac{\rho_{\text{bûche}}}{\rho_{\text{eau de mer}}}$

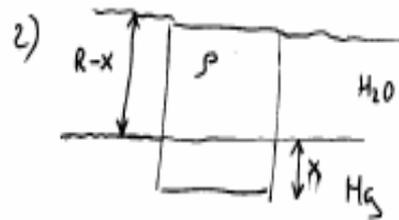
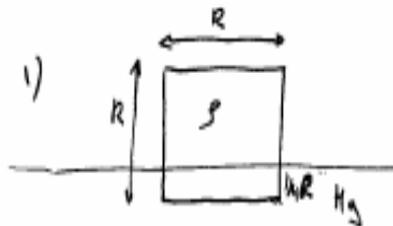
A.N.: $\frac{V_s}{V} = \frac{800}{1000} = 0.8$: La bûche est immergée dans l'eau de la rivière à 80 %.

3/ le volume du cube est $V = R^3$.

On a : $R^3 \rho g = \frac{1}{4} R^3 \rho_{Hg} g$ (1)

et

$$R^3 \rho g = R^2 \cdot x \cdot \rho_{Hg} g + (R-x) R^2 \rho_{\text{eau}} g$$
 (2)



En combinant (1) et (2), on obtient :

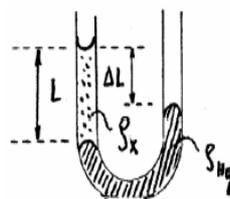
$$\frac{x}{R} = \left[\frac{1}{4} \frac{\rho_{Hg}}{\rho_{\text{eau}}} - 1 \right] \frac{1}{\left[\frac{\rho_{Hg}}{\rho_{\text{eau}}} - 1 \right]}$$

A.N. : $\frac{x}{R} = 19\%$

4/ On a : $P = P_0 + \rho g d$ où P_0 est la pression atmosphérique

A.N. : $P = 1.06 \text{ atm}$

5/ La pression est identique à la même profondeur.



$$P_{atm} + \rho_{Hg} g (L - \Delta L) = P_{atm} + \rho_x g L \Leftrightarrow \rho_{Hg} \left(1 - \frac{\Delta L}{L}\right) = \rho_x$$

A.N. : $\rho_x = 952 \text{ kg / m}^3$

6/ A 40 m de profondeur, la pression sur le corps du sub est donné par: $P = P_{atm} + \rho_{eau} h g \approx 5 \text{ atm}$.

Pour respirer l'air de la bouteille par exemple, il a besoin de compenser la pression externe, et il aura de l'air dans les poumons à une pression de 5 atm.

S'il remonte avec cet air dans les poumons, il se retrouvera en surface avec une pression externe de 1 atm. Ainsi, l'air dans les poumons à 5 atm cherchera à s'évacuer. Ceci est très dangereux car il peut causer un pneumothorax ou encore une embolie gazeuse.

Pneumothorax : épanchement de gaz dans la cavité pleurale

Embolie gazeuse : obstruction des vaisseaux par des bulles de gaz (surtout l'azote) accompagnant une brusque décompression de l'air respiré ou pénétrant par une plaie d'un vaisseau.

7/ La variation de pression due à la profondeur h s'exprime par $\Delta P = \rho_{eau} (h + 0.3) g$.

Avec une détente maximale, les poumons sont capables de générer une différence de pression égale à 86 mm Hg.

D'où la profondeur maximale h_{max} est donnée par : $h_{max} + 0.3 = \frac{\Delta P}{\rho g}$ A.N. : $h_{max} = 0.87 \text{ m}$

En fait h représente la limite supérieure de profondeur. Pour être sûr de respirer, il faut prendre la moitié de cette profondeur : $h_{max} = 0.44 \text{ m}$

8/ - Le débit = $Q = \frac{\text{volume}}{\text{temps}} = \frac{\text{masse}}{\rho_{pétrole} \text{ temps}}$

A.N. : $Q = \frac{125 \cdot 10^3}{24 \times 800 \times 3600} = 0.0018 \text{ m}^3 / \text{s}$

$Q = A v$ avec $A = \pi r^2$, d'où $v = \frac{Q}{\pi r^2}$

A.N. : $v = 1,43 \cdot 10^{-4} \text{ m/s}$

$P = P_{atm} + \rho_{eau \text{ de mer}} g h$

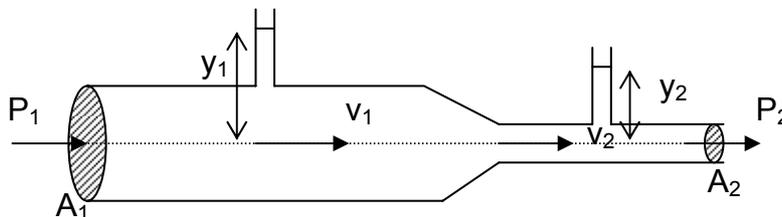
A.N. : $P = 1.013 \cdot 10^5 + (10^3 \cdot 9.81 \cdot 3000) = 295.3 \cdot 10^5 \text{ Pa}$

9/ La pression de jauge est donnée par $P - P_{atm}$ où P est la pression du fluide au rez-de-chaussée et

$P - P_{atm} = \rho g h$ A.N. : $h = 30.6 \text{ m}$

10/

On a montré dans le cours (tube de Venturi) que :



$$v_1 = \sqrt{\frac{2(P_1 - P_2)}{\rho \left(\frac{A_1^2}{A_2^2} - 1\right)}}$$

A.N. : $v_1 = 0.125 \text{ m/s}$

11/ On a:

$$Q = \frac{V}{t}$$

$$\text{A.N.: } Q = \frac{65 \cdot 10^{-3}}{0.13} = 0.5 \text{ m}^3 / \text{s}$$

$$Q = Av \Leftrightarrow v = \frac{Q}{A}$$

$$\text{A.N.: } v = 1 \text{ m/s}$$

12/ Fait en cours

13/ Pour calculer le débit Q, on calculera d'abord la vitesse de l'eau en bas du barrage.

$$v = \sqrt{2g(h - h_1)}$$

$$\text{A.N. : } v = 43.7 \text{ m/s}$$

$$\text{Et } Q = Av = \pi r^2 v$$

$$\text{A.N. : } Q = 858.8 \text{ m}^3 / \text{s}$$

$$\text{La puissance est donnée par : } P = \frac{E_{cin}}{t} = \frac{1}{2} \frac{\rho V v^2}{t} = \frac{1}{2} \rho v^2 \cdot Q$$

$$\text{A.N. : } P = 819 \text{ MW}$$

