

<p>2^{ème} Partie</p> <p><u>Chapitre I</u></p>	<p>ELECTRODINAMIQUE</p> <p><u>Courant électrique – Loi d'Ohm</u></p>
--	---

**Electrocinétique : Etude des déplacements des charges
électriques libres dans un conducteur.**

I. Définitions

I.1 Courant électrique continu

Le courant continu est un déplacement permanent des charges électrique.

I.2 Vecteur densité de courant

- Forces exercées sur les e⁻ d'un conducteur soumis à une d.d.p :

. la d.d.p crée un champ E. Les e⁻ seront soumis à la force : $\vec{F} = q \cdot \vec{E}$,

. sous l'action des frottements entre les charges, les e⁻ seront également soumis à des forces de frottement : $\vec{f} = -\lambda \cdot \vec{v}$, λ coefficient de frottement.

Puisque le régime est permanent : $\vec{v} = \text{cte} \rightarrow \vec{a} = \vec{0} \rightarrow \vec{F} + \vec{f} = \vec{0} \rightarrow \vec{v} = \frac{q}{\lambda} \cdot \vec{E}$

- En un point M et à l'instant t, on définit le vecteur densité de courant par :

$$\vec{j} = \rho \cdot \vec{v} = \frac{\rho \cdot q}{\lambda} \cdot \vec{E}$$

ou ρ est la densité volumique de charge, $\frac{q}{\lambda}$ est la mobilité des charges.

I.3 Lignes et tube de courant

- Lignes de courant : ce sont des lignes tangentes au vecteur densité de courant, elles décrivent la trajectoires des charges,
- Tubes de courant : c'est l'ensemble des lignes de courant qui s'appuient sur le contour d'une surface S.

I.4 Intensité de courant

On définit l'intensité de courant dI comme étant la quantité élémentaire de charges qui traverse la section élémentaire dS par unité de temps : $dI = \frac{dq}{dt}$

$$\text{On a : } dq = \rho \cdot dV = \rho \cdot v \cdot dS \cdot dt \quad \text{et} \quad j = \rho \cdot v \quad \rightarrow \quad dq = j \cdot dS \cdot dt$$

$$\text{d'où : } dI = \frac{dq}{dt} = j \cdot dS$$

L'intensité totale I a travers une surface S du conducteur a pour expression :

$$I = \int dI = \iint_S \vec{j} \cdot d\vec{S}$$

Unités

- L'intensité de courant s'exprime en Ampère : (A),
- La densité de courant $j = \frac{dI}{dS}$ s'exprime alors en $A \cdot m^{-2}$.

II. Loi d'Ohm

Enoncé : A température constante, le rapport de la différence de potentiel U entre les extrémités d'un conducteur par l'intensité du courant électrique I est constant.

On désigne cette constante par R et on l'appelle résistance électrique. $\frac{U}{I} = R$

Considérons un conducteur homogène de section S et de longueur l , parcourue par un courant I :

$$\text{On a : } U = V_1 - V_2 = E.l = R.I = R.j.S \rightarrow j = \frac{1}{R.S} E$$

Ainsi, sous forme vectorielle, la loi d'Ohm s'écrit : $\vec{j} = \gamma.\vec{E}$ où : $\gamma = \frac{1}{R.S}$

γ est la conductivité du conducteur. Elle ne dépend que de la nature du matériau constituant le conducteur. L'inverse de la conductivité est appelé résistivité $\rho = \frac{1}{\gamma}$.

$$\text{On a : } \rho = \frac{1}{\gamma} \rightarrow \rho = \frac{R.S}{l} \rightarrow R = \frac{\rho.l}{S}$$

La constante R caractérise la nature et la géométrie du conducteur. Elle mesure l'opposition du conducteur au déplacement des charges électriques ; c'est pourquoi on l'appelle résistance.

Attention : A ne pas confondre : La résistivité et la masse volumique ont la même notation ρ .

Unité : Dans le SI , la résistance s'exprime en Ohms Ω . La conductivité d'un milieu s'exprime en $\Omega^{-1}m^{-1}$.

III. Association des résistances

III.1 Association en série

Considérons 2 conducteurs ohmiques de résistance R_1 et R_2 montés en série dans un circuit électrique parcouru par un courant d'intensité I .



$$V_A - V_B = R_1 I \quad \text{et} \quad V_B - V_C = R_2 I$$

Entre A et C, le conducteur équivalent aura la résistance R tel que : $V_A - V_C = R.I$

D'autre part on a : $V_A - V_C = (V_A - V_B) + (V_B - V_C) = (R_1 + R_2).I$

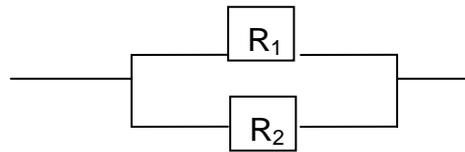
D'où : $R = R_1 + R_2$

Dans le cas de n résistances, la résistance équivalente s'écrit : $R = \sum_{i=1}^n R_i$

III.2 Association en parallèle

Considérons les 2 conducteurs montés en parallèle : ils seront soumis à la même

d.d.p . On a : $V_A - V_B = R_1 I_1 = R_2 I_2$



Si R est la résistance du conducteur

équivalent on a aussi : $V_A - V_B = R.I$

D'autre part au nœud A on a : $I = I_1 + I_2 \rightarrow \frac{V_A - V_B}{R} = \frac{V_A - V_B}{R_1} + \frac{V_A - V_B}{R_2}$

On en déduit : $\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$

Dans le cas de n résistances montées en parallèle, la résistance équivalente

s'écrit : $\frac{1}{R} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{R_i}$